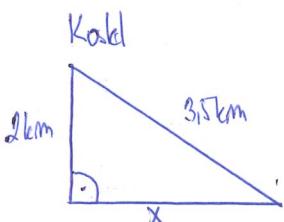


Příklad č. 1:

Parašutista vyskočil z letadla nad kostelem ve výšce 2 km nad zemí a při přímém letu k zemi urazil dráhu 3,5 km. Jak daleko od kostela dopadl?

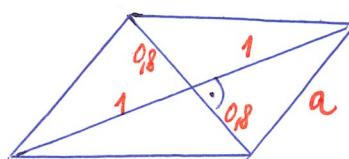


$$\begin{aligned} x^2 &= 3,5^2 - 2^2 \\ x^2 &= 12,25 - 4 \\ x^2 &= 8,25 \\ x &= \sqrt{8,25} = \boxed{2,87 \text{ km}} \end{aligned}$$

Příklad č. 2:

Obora má tvar kosočtverce, jehož úhlopříčky jsou v poměru 5:4. Součet délek obou úhlopříček je 3,6 km. Kolik kilometrů plotu je třeba na oplocení obory?

$$\begin{aligned} l+f &= 3,6 \text{ km} \\ 5+4 &= 9 \text{ díly} \quad \rightarrow 3,6 \text{ km} \\ 1 \text{ díl} &= 0,4 \text{ km} \\ l &= 5 \text{ díly} \quad \rightarrow 2 \text{ km} \\ f &= 4 \text{ díly} \quad \rightarrow 1,6 \text{ km} \end{aligned}$$

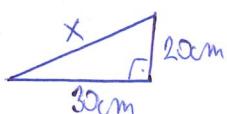


$$\begin{aligned} a^2 &= 1^2 + 0,8^2 \\ a^2 &= 1,64 \\ a &= \sqrt{1,64} = 1,28 \text{ km} \end{aligned}$$

$$O = 4 \cdot a = 4 \cdot 1,28 \text{ km} = \boxed{5,12 \text{ km}}$$

Příklad č. 3:

Jak dlouhý je potřeba nájezd pro kočárky na schodiště s 12 schody, je-li schod 30 cm dlouhý a 20 cm vysoký?

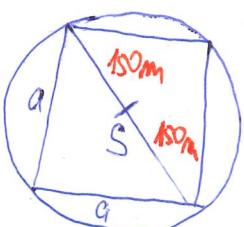


$$\begin{aligned} x^2 &= 30^2 + 20^2 \\ x^2 &= 900 + 400 \\ x^2 &= 1300 \\ x &= \sqrt{1300} \text{ cm} = 36,06 \text{ cm} \end{aligned}$$

12 schodů:  
 $y = 12 \cdot x = 12 \cdot 36,06 \text{ cm} = \boxed{432,72 \text{ cm}} = \boxed{4,33 \text{ m}}$

Příklad č. 4:

V kruhovém parku s poloměrem 150 m má být vydlážděn čtverec maximální velikosti. Zbytek plochy má být zatravněn. Určete v arech plochu zatravněné části parku.

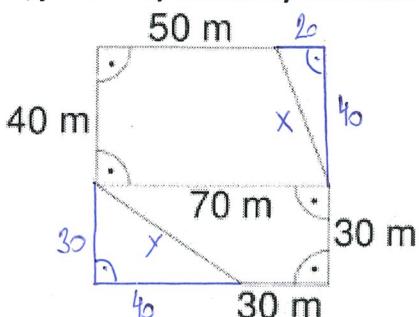


$$\begin{aligned} a^2 + a^2 &= 150^2 \\ 2a^2 &= 22500 \\ a^2 &= 11250 \\ a &= \sqrt{11250} \text{ m} = 112,13 \text{ m} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} S_{\square} &= a^2 = 11250 \text{ m}^2 \\ S_{\odot} &= \pi r^2 = 3,14 \cdot 150^2 = \\ &= 70650 \text{ m}^2 \\ S &= S_{\square} - S_{\odot} = 70650 - 11250 = \\ &= 59400 \text{ m}^2 = \\ &= \boxed{256,15 \text{ a}} \end{aligned}$$

Příklad č. 5:

Určete, jak dlouhý elektrický ohradník bude třeba na výběh pro zvířata na plánku.



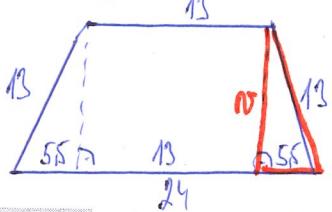
$$\begin{aligned} x^2 &= 20^2 + 40^2 \\ x^2 &= 400 + 1600 = 2000 \\ x &= \sqrt{2000} = 44,42 \text{ m} \\ y^2 &= 30^2 + 40^2 \\ y &= \sqrt{2500} = 50 \text{ m} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} O &= 50 + 40 + 50 + 30 + 30 + 44,42 \\ O &= \boxed{244,42 \text{ m}} \end{aligned}$$

**Příklad č. 6:**

Určete výměru dna koupaliště, víte-li, že dno má tvar lichoběžníku s rozměry 23 m; 13 m, 13 m a 13 m.

Rovoramenný lichoběžník:



$$n^2 = 13^2 - 5,5^2$$

$$n^2 = 169 - 30,25$$

$$n = \sqrt{138,75}$$

$$n = 11,48 \text{ m}$$

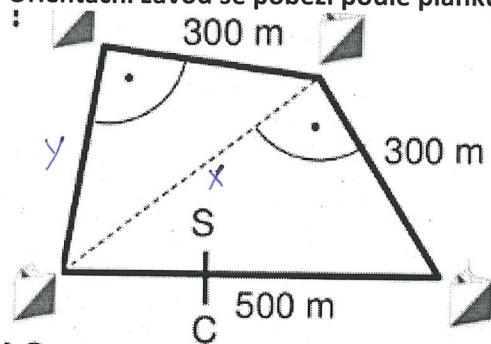
$$S = \frac{(a+c) \cdot n}{2}$$

$$S = \frac{(24+13) \cdot 11,48}{2} \text{ m}^2$$

$$S = 214,93 \text{ m}^2$$

**Příklad č. 7:**

Orientační závod se poběží podle plánku na obrázku. Určete jeho délku.



$$x^2 = 500^2 - 300^2$$

$$x = \sqrt{250000 - 90000}$$

$$x = 400 \text{ m}$$

$$y^2 = 400^2 - 300^2$$

$$y = \sqrt{160000 - 90000}$$

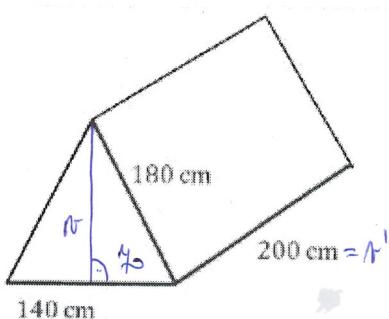
$$y = \sqrt{70000} = 264,58 \text{ m}$$

$$O = 500 + 300 + 300 + 400,58$$

$$O = 1364,58 \text{ m}$$

**Příklad č. 8:**

Jak vysoký je stan typu „A“ na obrázku? Jaký je jeho objem?



$$n^2 = 180^2 - 40^2$$

$$n^2 = 32400 - 4000$$

$$n = \sqrt{28400}$$

$$n = 165,83 \text{ cm}$$

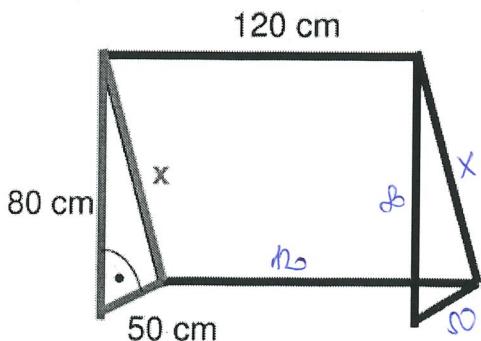
$$V = \frac{k \cdot n^2}{2}$$

$$V = \frac{140 \cdot 165,83}{2} \cdot 180$$

$$V = 2321620 \text{ cm}^3 = 2,32 \text{ m}^3$$

**Příklad č. 9:**

Kolik metrů trubek je třeba na výrobu florbalové branky dle plánku, vytvoří-li se během výroby odpad přibližně 5%?



$$x^2 = 80^2 + 80^2$$

$$x = \sqrt{6400 + 6400}$$

$$x = \sqrt{12800}$$

$$x = 114,34 \text{ cm}$$

$$O = 2 \cdot 120 + 2 \cdot 80 + 2 \cdot 50 + 2 \cdot 114,34$$

$$O = 688,68 \text{ cm}$$

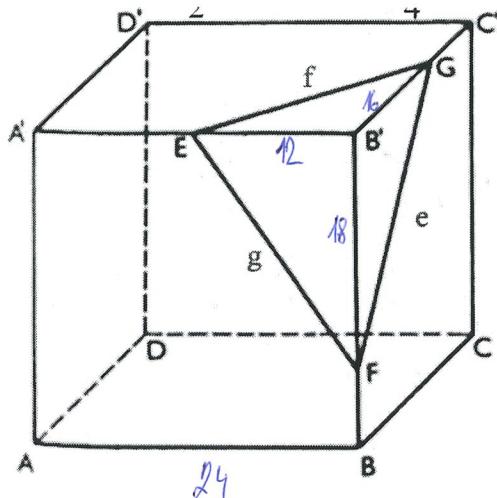
$$\begin{array}{c} 100\% \dots 688,68 \text{ cm} \\ 105\% \dots x \end{array}$$

$$x = \frac{105 \cdot 688,68}{100} = 723,14 \text{ cm}$$

$$x = 7,23 \text{ m}$$

Příklad č. 10 (dobrovolný):

Vypočítejte obvod trojúhelníku EFG, víte-li, že  $|B'E| = \frac{1}{2}|AB|$ ;  $|B'F| = \frac{3}{4}|BB'|$ ;  $|B'G| = \frac{2}{3}|B'C|$   
a délka strany  $|AB| = 24 \text{ cm}$ .



$$|EF| = \sqrt{12^2 + 18^2} = \sqrt{144 + 324} = \sqrt{468} = 21,63 \text{ cm}$$

$$|FG| = \sqrt{18^2 + 16^2} = \sqrt{324 + 256} = \sqrt{580} = 24,08 \text{ cm}$$

$$|EG| = \sqrt{12^2 + 16^2} = \sqrt{144 + 256} = \sqrt{400} = 20 \text{ cm}$$

$$O = |EF| + |FG| + |EG| = (21,63 + 24,08 + 20) \text{ cm} =$$

$$= \boxed{65,71 \text{ cm}}$$