

1 Vypočtete sedm tisícín ze součtu čísel 4 100 a 6 900.

/viz 1.1, s. 12/ 1 bod

2 Vypočtete:

/viz 1.1, s. 12/ max. 2 body

2.1  $49 + \sqrt{500^2 - 400^2} \cdot \sqrt{(-1)^2} =$

2.2  $0,02^2 : 0,002 - 0,1^2 : 0,02 =$

3 Vypočtete a výsledek запиšte zlomkem v základním tvaru.

/viz 1.1, s. 12/ max. 4 body

3.1  $\left(1,3 - \frac{3}{4}\right) : \left(1 + \frac{5}{6}\right) =$

3.2  $\frac{\frac{2}{3} : \frac{4}{9} - \frac{5}{8} \cdot 4}{\frac{2}{3}} =$

V záznamovém archu uveďte v obou částech úlohy celý postup řešení.

4 Zjednodušte:

Výsledný výraz nesmí obsahovat závorky.

/viz 1.2, s. 16/ max. 4 body

4.1  $(2x + 5)^2 - (2x - 5)^2 =$

4.2  $1,5 \cdot y \cdot (2 - y) - 2 \cdot (y - 3y) - y \cdot (1 - y) =$

V záznamovém archu uveďte v obou částech úlohy celý postup řešení.

5 Řešte rovnici:

/viz 1.3, s. 19/ max. 4 body

5.1  $(x + 1) \cdot (x - 3) - 2,5 = x \cdot (x + 1) + \frac{1}{2}$

5.2  $\frac{4y - 5}{3} - \frac{3}{2} \cdot \frac{2y}{6} = \frac{6 - y}{2} + \frac{2}{3}$

V záznamovém archu uveďte v obou částech úlohy celý postup řešení (zkoušku nezapíšíte).

### VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 6

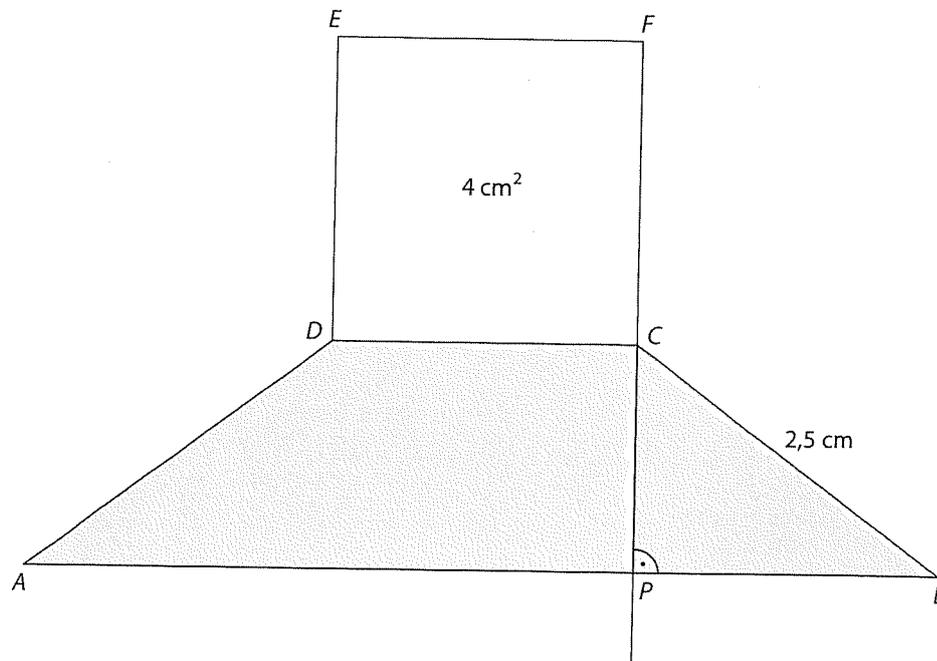
Mezi místy A a B vede cesta dlouhá 10 km. Ve stejnou chvíli proti sobě po této cestě vyrazili Jirka a Radim. Jirka vyšel z místa A a šel stálou rychlostí do místa B. Za hodinu chůze urazil Jirka právě 5 km. Radim vyjel z místa B na kole a jel stálou rychlostí do místa A. Do místa A dorazil po půl hodině jízdy, pak se hned otočil a jel stejnou rychlostí po stejné cestě zpět do místa B.

/viz 1.4, s. 21/ max. 4 body

- 1 Vypočtete, po kolika minutách jízdy z místa B do místa A míjel Radim Jirku.
- 2 Vypočtete, po kolika minutách od výjezdu z místa A předjížděl Radim Jirku.
- 3 Vyjádřete zlomkem v základním tvaru, jakou část cesty z místa A do místa B již Jirka ušel ve chvíli, kdy jej Radim předjížděl.

### VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 7

Na základnu  $CD$  rovnoramenného lichoběžníku  $ABCD$  je sestaven čtverec  $DCFE$  o obsahu  $4 \text{ cm}^2$ . Strana  $BC$  lichoběžníku má délku  $2,5 \text{ cm}$ . Průsečík  $P$  polopřímky  $FC$  a úsečky  $AB$  dělí úsečku  $AB$  v poměru  $2 : 1$ .



/viz 3.4, s. 49/ max. 3 body

Vypočtete v cm obvod lichoběžníku  $ABCD$ .

Vypočtete v  $\text{cm}^2$  obsah lichoběžníku  $ABCD$ .

Doplňte do rámečku takové číslo, aby platila rovnost:

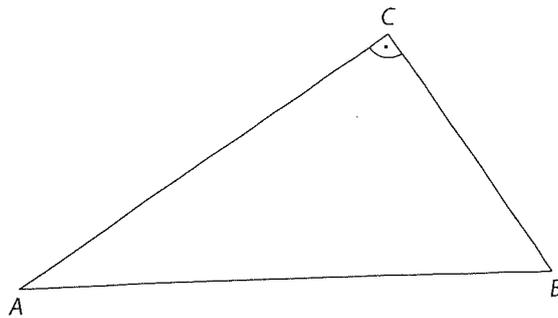
/viz 2.3, s. 34/ max. 2 body

$$2,5 \text{ ha} - \quad \cdot 250 \text{ m}^2 = 1 \text{ ha}$$

$$\frac{5}{6} \text{ minuty} - \left( 3 + \quad \right) \text{ sekund} = \frac{3}{5} \text{ minuty}$$

v záznamovém archu uveďte čísla doplněná do rámečků.

9.1



9.2 V rovině leží přímka  $BC$  a mimo ni bod  $K$ .



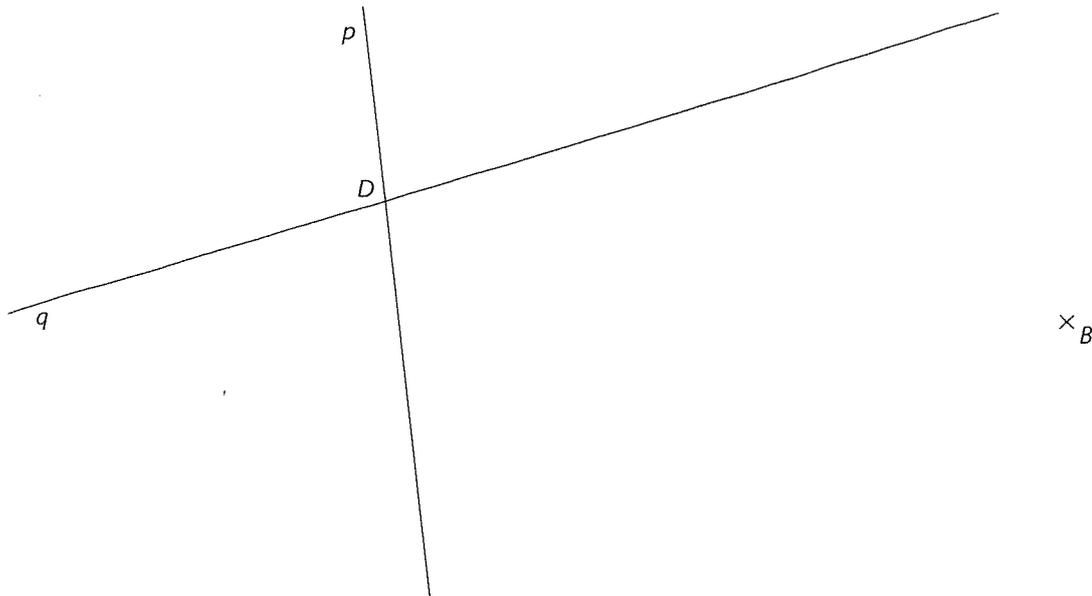
/viz 3.1, s. 36/

9

- 9.1 V pravoúhlém trojúhelníku  $ABC$  sestrojte a popište osy stran  $o_a, o_b, o_c$ .
- 9.2 Úsečka  $BC$  je odvěsna pravoúhlého trojúhelníku  $ABC$  s pravým úhlem při vrcholu  $C$ . Bod  $K$  leží uvnitř trojúhelníku  $ABC$  a zároveň na kterékoli z os stran  $o_b, o_c$ . Sestrojte chybějící vrchol  $A$  trojúhelníku  $ABC$  a trojúhelník narýsujte. Najděte všechna řešení.

V záznamovém archu obtáhněte vše propisovací tužkou (čáry i písmena).

V rovině leží přímky  $p, q$ , které se protínají v bodě  $D$ , a bod  $B$ .



10 Body  $D, B$  jsou vrcholy lichoběžníku  $ABCD$  se základnami  $AB, CD$ .

/viz 3.1, s. 36/ max. 2 bod

Vrchol  $A$  leží na přímce  $p$  a vrchol  $C$  leží na přímce  $q$ .

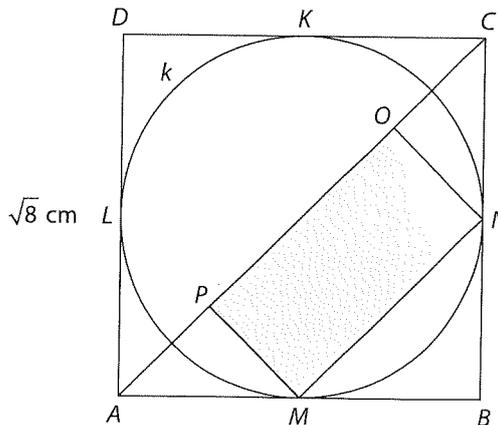
Pro délky stran lichoběžníku platí:  $|BC| = |CD|$

Sestrojte chybějící vrcholy  $A, C$  lichoběžníku  $ABCD$  a lichoběžník narýsujte.

V záznamovém archu obtáhněte vše propisovací tužkou (čáry i písmena).

VÝCHOZÍ TEXT A OBRAZEK K ÚLOZE 11

Čtverci  $ABCD$  je vepsána kružnice  $k$ , která se dotýká stran čtverce v bodech  $K, L, M, N$ . Uvnitř čtverce leží obdélník  $MNOP$ , jehož vrcholy  $O, P$  leží na úsečce  $AC$ . Délka strany  $AD$  čtverce  $ABCD$  je  $\sqrt{8}$  cm.



11 Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (11.1–11.3), zda je pravdivé (A), či nikoli (N).

/viz 3.4, s. 49/ max. 4 body

11.1 Poměr délky úsečky  $MN$  ku délce úsečky  $MP$  je  $2 : 1$ .

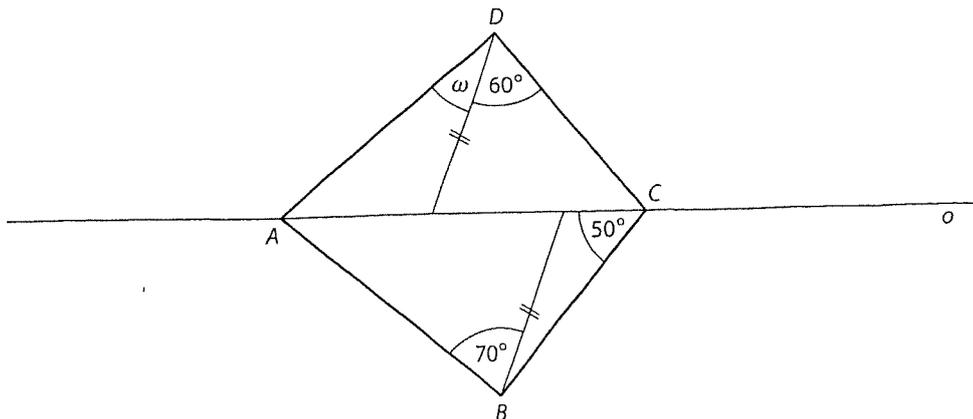
A  N

11.2 Obsah kruhu s hraniční kružnicí  $k$  je  $4\pi$  cm<sup>2</sup>.

11.3 Obsah obdélníku  $MNOP$  je roven jedné čtvrtině obsahu čtverce  $ABCD$ .

### VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 12

Čtyřúhelník  $ABCD$  je osově souměrný podle osy  $o$ .



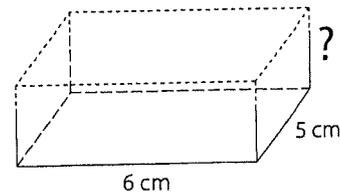
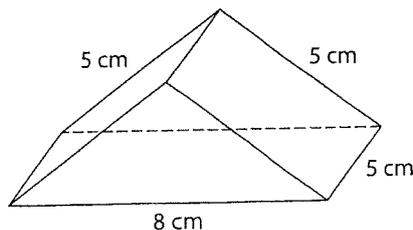
- 12 Jaká je velikost úhlu  $\omega$ ?  
Velikost úhlu neměřte, ale vypočtěte.

/viz 3.3, s. 4/

- A)  $15^\circ$       B)  $20^\circ$       C)  $25^\circ$       D)  $30^\circ$       E) žádná z u

### VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZKY K ÚLOZE 13

Kolmý hranol, jehož podstavy jsou rovnoramenné trojúhelníky, má stejný objem jako kvádr.



- 13 Jaký je chybějící rozměr kváдру?

/viz 3.5, s.

- A) 2 cm      B) 4 cm      C) 5 cm      D) 6 cm      E) žádný z u

### VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 14

Paní Mlsná koupila v cukrárně jen dva druhy zákusků, a to špičky a věnečky. Koupila celkem 20 kusů a zaplatila za ně dohromady 368 Kč. Jedna špička stála 16 Kč a jeden věneček stál 22 Kč.

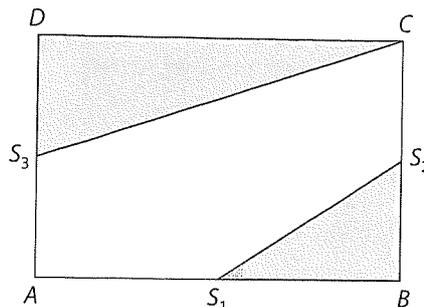
- 14 Která z následujících rovnic odpovídá zadání úlohy, jestliže neznámá  $x$  představuje celkový počet špiček, které paní Mlsná koupila?

/viz 1.4, s.

- A)  $16x + 20 \cdot (22 - x) = 20x$   
 B)  $16x + 22 \cdot (20 - x) = 368 : 20$   
 C)  $16 \cdot (20 - x) + 22x = 368$   
 D)  $368 : x + 368 : (20 - x) = 20$   
 E)  $16x + 22 \cdot (20 - x) = 368$

- 15.1 V obdélníku  $ABCD$  jsou vyznačeny dva šedé trojúhelníky. Body  $S_1, S_2, S_3$  jsou středy stran obdélníku  $ABCD$ .

Kolik procent obsahu obdélníku  $ABCD$  představuje součet obsahů šedých trojúhelníků?

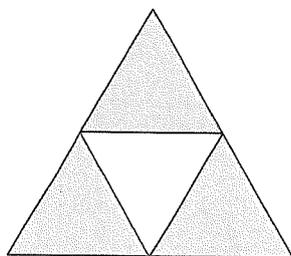


- 15.2 V zahradnictví prodávají substrát pouze v 70litrovém balení, které stojí 140 Kč. V hypermarketu prodávají tentýž substrát pouze v 90litrovém balení, které stojí 150 Kč. O kolik procent je 630 litrů substrátu dražší v zahradnictví než v hypermarketu?
- 15.3 Jana dostala od rodičů kapesné v celkové výši 180 Kč. První den utratila právě dvě pětiny svého kapesného a druhý den právě třetinu ze zbytku svého kapesného. Kolik procent z kapesného zbylo Janě po dvou dnech?

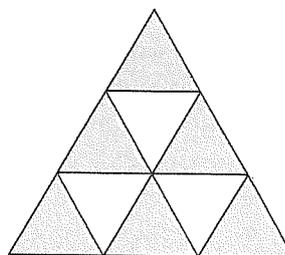
- A) (o)  $16,6\%$     B) (o)  $20\%$     C) (o)  $30\%$     D) (o)  $37,5\%$     E) (o)  $40\%$     F) jiný výsledek

### VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZKY K ÚLOZE 16

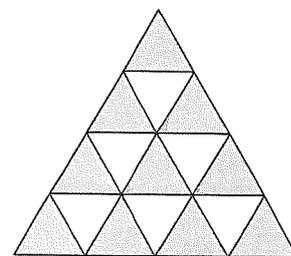
Shodné rovnostranné trojúhelníky jsou podle jednotného pravidla rozděleny na šedé a bílé trojúhelníčky. Platí, že počet trojúhelníčků, na které je každý trojúhelník rozdělen, je vždy roven druhé mocnině nějakého přirozeného čísla.



1. trojúhelník



2. trojúhelník



3. trojúhelník

Poměr počtů šedých a bílých trojúhelníčků v 1. trojúhelníku je  $3 : 1$ .

Ve 2. trojúhelníku je tento poměr  $6 : 3$  a v základním tvaru jej zapisujeme  $2 : 1$ .

### 16

- 16.1 Zapište v základním tvaru poměr počtů šedých a bílých trojúhelníčků v trojúhelníku, který je rozdělen na 36 menších trojúhelníčků.
- 16.2 Určete počet trojúhelníčků, na které je rozdělen trojúhelník, jestliže poměr počtů šedých a bílých trojúhelníčků je v základním tvaru  $5 : 4$ .
- 16.3 Zapište v základním tvaru poměr počtů šedých a bílých trojúhelníčků v trojúhelníku, jestliže šedých trojúhelníčků je v tomto trojúhelníku právě o 100 více než bílých.